

Énoncé

Exercice sur 5 points

Mots-clés : spectrophotométrie, oxydoréduction

« Les effaceurs d'encre sont apparus en Allemagne dans les années 1970. Ils permettent de faire disparaître les traits de couleur bleue des stylos-plume.

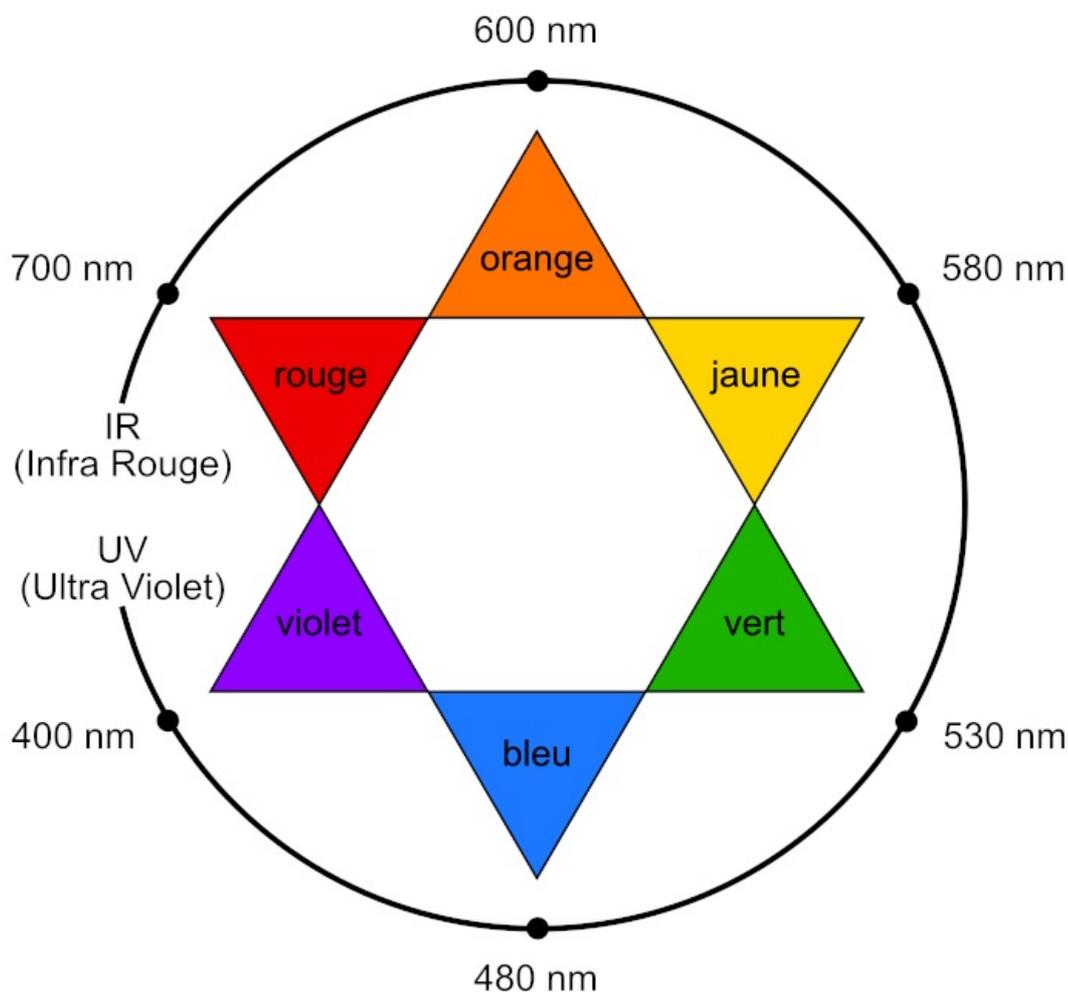
Le colorant principal de l'encre bleue est le bleu d'aniline, solide ionique de formule $C_{32}H_{25}N_3O_9S_3Na_2$. L'encre ne contient que 3 à 5 % en masse de ce colorant, le reste étant de l'eau, de l'alcool et d'autres additifs. »

D'après le site : <https://tice.ac-montpellier.fr/ABCDORGA/Famille/ENCRES.htm>

Le but de cet exercice est d'étudier la composition d'une encre de stylos-plume avant de déterminer le nombre de cartouches qui peuvent être effacées avec un effaceur.

Données :

- volume d'encre contenu dans une cartouche : $V_{\text{cartouche}} = 0,60 \text{ mL}$;
- masse volumique de l'encre $\rho_{\text{encre}} = 1,1 \text{ g}\cdot\text{mL}^{-1}$;
- masse molaire du bleu d'aniline : $M_{\text{bleu}} = 737,7 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$;
- expression de l'absorbance A d'une solution de concentration C (loi de Beer-Lambert) :
 $A = \varepsilon \cdot \ell \cdot C$
avec ε le coefficient d'absorption molaire de l'espèce absorbante et ℓ l'épaisseur de la solution traversée ;
- coefficient d'absorption molaire du bleu d'aniline à $\lambda = 580 \text{ nm}$: $\varepsilon = 5,00 \times 10^4 \text{ L}\cdot\text{mol}^{-1}\cdot\text{cm}^{-1}$;
- largeur de la cuve (épaisseur de la solution traversée) du spectrophotomètre utilisé : $\ell = 1,0 \text{ cm}$;
- cercle chromatique :

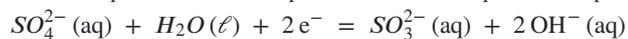


- pK_A à 25 °C des couples acide/base :
 - $(SO_2, H_2O)(aq)/HSO_3^-(aq)$: $pK_{A1} = 1,8$,
 - $HSO_3^-(aq)/SO_3^{2-}(aq)$: $pK_{A2} = 7,0$;

• couples oxydant/réducteur :

- ion sulfate/ion sulfite : $SO_4^{2-}(aq)/SO_3^{2-}(aq)$,
- diiode/ion iodure : $I_2(aq)/I^-(aq)$;

• demi-équation électronique en milieu basique du couple $SO_4^{2-}(aq)/SO_3^{2-}(aq)$:



Partie 1. Encre des stylos-plume

Afin de déterminer la quantité de bleu d'aniline présente dans une cartouche, on souhaite réaliser un dosage spectrophotométrique. Pour rester dans le domaine de validité de la loi de Beer-Lambert, l'encre d'une cartouche est diluée.

Protocole suivi :

- aspirer la totalité de l'encre de la cartouche à l'aide d'une seringue équipée d'une aiguille ;
- introduire l'encre récupérée dans une fiole jaugée de volume $V_1 = 100$ mL et compléter avec de l'eau distillée : on note S_1 la solution ainsi préparée ;
- préparer un volume $V_2 = 100$ mL d'une solution S_2 en diluant 20 fois la solution S_1 ;
- mesurer l'absorbance de la solution S_2 pour différentes valeurs de longueur d'onde. Les résultats des mesures sont reportés sur la figure 1.

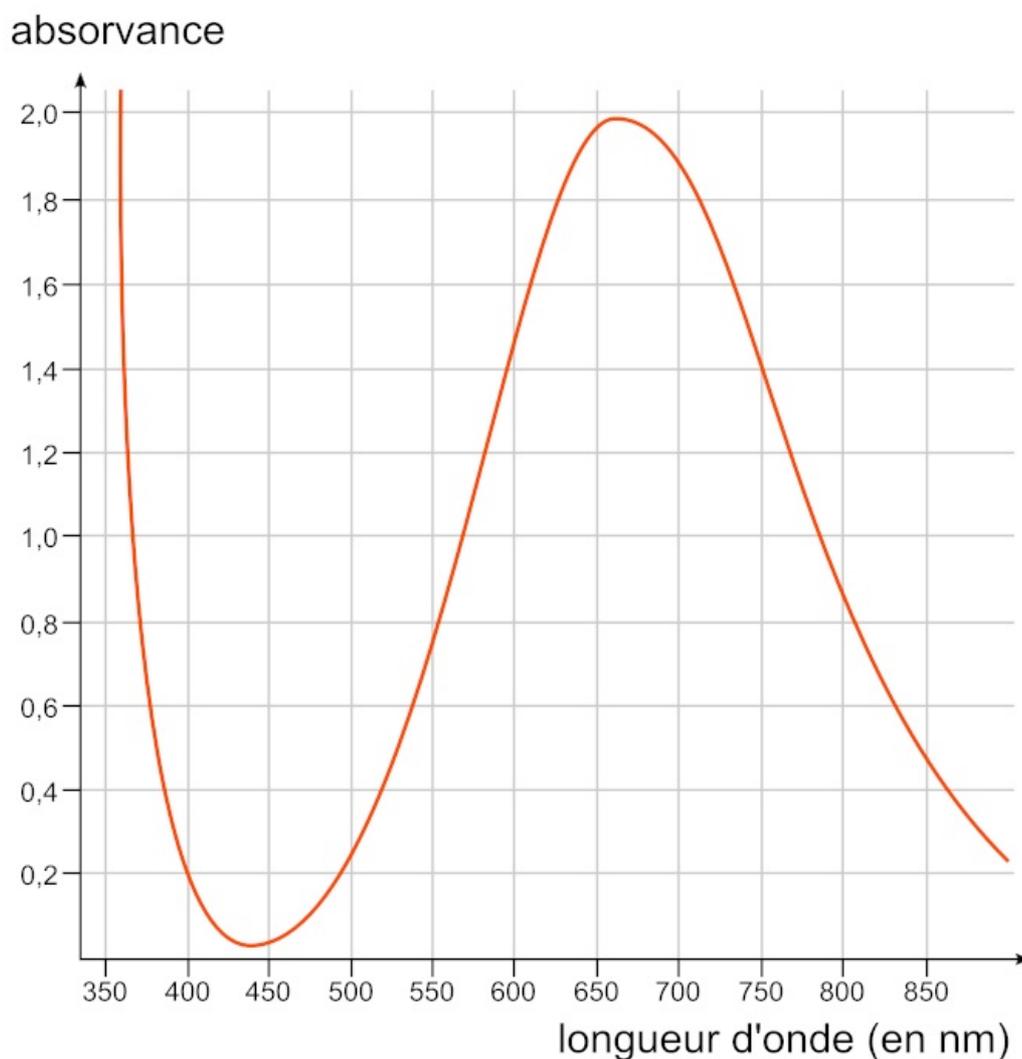


Figure 1. Spectre d'absorption de la solution S_2 de bleu d'aniline obtenue par dilution de l'encre contenue dans une cartouche

1. Montrer que le spectre d'absorption obtenu est en accord avec la couleur de l'encre.

Déterminez la longueur d'onde la plus fortement absorbée, puis la couleur transmise, qui est celle de la solution.

2. Nommer la verrerie nécessaire à la préparation par dilution de la solution S_2 , en précisant les volumes.

La dilution à réaliser est une dilution d'un facteur 20. Le rapport entre la solution mère prélevée et la solution fille obtenue doit être égal à 20.

3. Déterminer, en utilisant la loi de Beer-Lambert et la figure 1, la concentration en quantité de matière en bleu d'aniline de la solution S_2 .

Calculez la concentration pour l'absorption maximale de la figure 1 avec la loi de Beer-Lambert.

4. Montrer que la quantité de matière de bleu d'aniline présente dans une cartouche d'encre est environ égale à $3,0 \times 10^{-5}$ mol.

La solution S_1 est diluée 20 fois. Calculez ensuite la quantité de matière dans la solution S_1 .

5. Calculer le titre massique en bleu d'aniline de l'encre contenue dans la cartouche. Conclure.

Le titre massique est le pourcentage en masse. Comparez ensuite le pourcentage en masse avec celui annoncé.

Partie 2. Effaceur d'encre

Le côté blanc d'un effaceur est constitué d'une mine reliée à un réservoir contenant une solution d'ions sulfite SO_3^{2-} qui sont responsables de l'effacement de l'encre.

On cherche dans cette partie à déterminer la quantité de matière d'ions sulfite présente dans l'effaceur à l'aide d'un titrage par une solution de diiode de concentration $C_{I_2} = 1,0 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

Protocole du titrage de la solution contenue dans l'effaceur :

- casser l'effaceur en son milieu pour récupérer le réservoir et la mine blanche contenant la solution d'ions sulfite ;
- les placer dans un bécher avec un peu d'eau ;
- mélanger, attendre quelques minutes puis retirer le réservoir et la mine en veillant à bien les essorer : la solution obtenue est notée S ;
- mesurer le pH de la solution S ;
- placer le bécher sous une burette graduée contenant la solution de diiode puis réaliser le titrage de la solution.

La valeur mesurée du pH de la solution S est 11,0. Le volume de solution de diiode versé à l'équivalence du titrage est égal à $VE = 8,2$ mL.

6. À l'aide d'un diagramme de prédominance, justifier que l'ion sulfite SO_3^{2-} est majoritaire par rapport à HSO_3^- et (SO_2, H_2O) dans la solution S.

Déterminez le pH de la solution S. À l'aide d'un diagramme de prédominance, concluez.

7. Écrire l'équation de la réaction d'oxydoréduction support du titrage en milieu basique entre les ions sulfite SO_3^{2-} et le diiode I_2 .

Déterminez les deux demi-équations impliquant les ions sulfite et le diiode puis l'équation de la réaction.

8. Montrer que la quantité de matière d'ion sulfite $n_{SO_3^{2-}}$ contenue dans un effaceur est voisine de 8×10^{-5} mol.

Déterminez la quantité d'ion sulfite avec la relation obtenue à l'équivalence.

9. En déduire le nombre de cartouches d'encre que l'on peut effacer avec un seul effaceur en supposant que la réaction d'oxydoréduction entre le bleu d'aniline et les ions sulfite met en jeu une mole de bleu d'aniline pour une mole d'ions sulfite.

La question 4 permet de donner la quantité de bleu d'aniline contenue dans une cartouche. Connaissant la quantité d'ions sulfite nécessaire, on pourra alors déterminer le nombre de cartouches.